**Поиск основного состояния модели Изинга методом декомпозиции**

**Прохоров Егор Игоревич**

Студент (бакалавр)

Дальневосточный федеральный университет,

Институт наукоёмких технологий и передовых материалов,

Владивосток, Россия

E-mail: [prokhorov.ei@dvfu.ru](mailto:prokhorov.ei@dvfu.ru)

Модель Изинга – это модель в статистической физике, описывающая поведение магнетиков в кристаллической решётке, учитывая взаимодействие и ориентацию спинов. Каждой вершине такой решётки ставится однокомпонентный вектор (спин). Компонента принимает значение +1 или -1 [[1]](#Несис). Полная энергия такой решётки будет определяться по формуле:

где – спин, – энергия взаимодействия пары спинов.

Поиск основного состояния (состояния с минимальной энергией) модели Изинга методом полного перебора является затруднительным с точки зрения вычислений. Для системы, состоящей из N атомов число возможных состояний равно . Из-за экспоненциального роста, при N>40 решение методом исчерпывающего перечисления является практически невозможным.

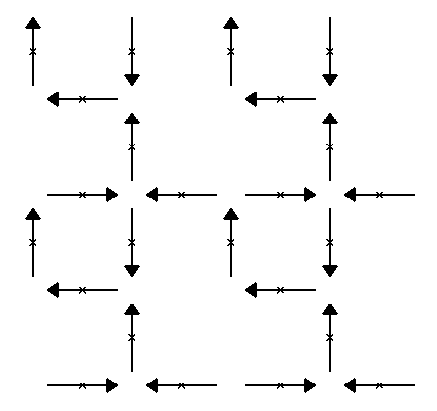
Расчёты, проведённые на небольших системах (N<40), показали, что в некоторых случаях систему в основном состоянии можно разделить на несколько подсистем, которые в свою очередь тоже будут находиться в основных состояниях. На рисунке 1 приведён пример двумерной, состоящей из 24 атомов, модели Изинга в основном состоянии с учётом периодических граничных условий. Стрелками обозначены магнитный моменты атомов ().

Рисунок 1. Основное состояние двумерной модели Изинга

Взаимодействие в системе диполь-дипольное, энергия взаимодействия ij-пары находится по формуле:

где i, j – номера взаимодействующих диполей, – вектор между центрами магнитных моментов взаимодействующих диполей.

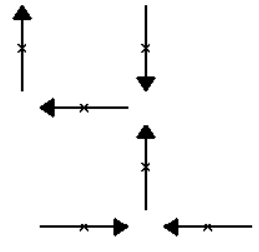
Данную систему можно разбить на четыре одинаковых подсистемы (рисунок 2) по 6 атомов, причём при разбиении, состояние в котором они находятся, также будет для них основным.

Рисунок 2. Основное состояние подсистемы

Таким образом, для определения основного состояния системы, конкретно в этом случае, необходимо найти лишь основное состояние одной подсистемы и после этого составить большую систему, что уменьшает перебор вариантов в 262144 раза.

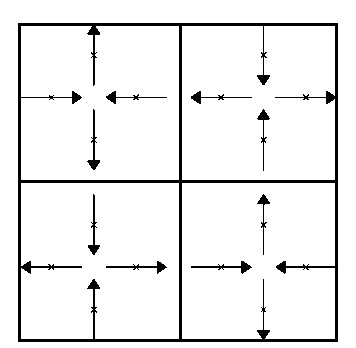
Существует пример другой системы (рисунок 3), основное состояние которой можно получить методом декомпозиции из основных состояний подсистем. Так как основное состояние является вырожденным, примечательно что в данном случае минимум энергии системы достигается, когда основные состояния подсистем отличаются, причём расположены они в шахматном порядке.

Рисунок 3. Основное состояние модели Изинга, имеющее шахматную форму

В дальнейшем планируется решение задач на поиск минимума энергии в других решётках диполей методом декомпозиции.

**Литература**

1. Несис Е.И. Модель Изинга и фазовые переходы второго рода. – Ставрополь, 1967.