Устойчивость заряженной капли во внешних неоднородных электростатических полях

Научный руководитель – Григорьев Александр Иванович

Ширяев Александр Александрович

A c n u p a н m

Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова, Ярославль, Россия E-mail: aashiryaev@list.ru

В работе исследуется устойчивость заряженной капли в электростатических полях различной неоднородности, что представляет интерес в связи с вопросами устойчивости аэрозольных капель, расположенных близко к другим каплям или в непосредственной близости от острых краёв металлических деталей.

Исследуется модель, состоящая из заряженной капли радиуса R идеальной, идеально проводящей жидкости с плотностью ρ и коэффициентом поверхностного натяжения σ , несущей собственный заряд Q, помещённой во внешнее неоднородное электрическое поле на расстоянии L от его источника. Рассматриваются осесимметричные поля точечных заряда и диполя, заряженной тонкой нити и заряженного проводящего стержня. Для сравнения влияния неоднородности поля на устойчивость капли производится калибровка таким образом, чтобы величина напряжённости Е₀ внешнего поля в точке центра масс капли была одинаковой. Это соответствует равенству величин полевых параметров $w=E_0^2/16\pi$, введённых для каждого поля. Задача решается в предположении потенциального течения жидкости и обезразмеривается на характерные масштабы $R=\rho=\sigma=1$. Решение задачи проводилось в сферической системе координат, связанной с точкой центра масс капли. Предполагается, что смещение центра масс заряженной капли в электрическом поле за характерные времена реализации неустойчивости капли незначительно. Форма поверхности капли ищется в виде суперпозиции сферической формы, стационарной деформации поверхности капли $h(\theta)$ и волнового возмущения $\xi(\theta,t)$, которые представляются в виде разложений по полиномам Лежандра. Исследование проводится в нелинейном приближении по комбинации двух малых параметров - безразмерной амплитуде осцилляций капли $\xi(\theta,t)$ и малой величины стационарной деформации капли $h(\theta)$.

Получены критические условия реализации неустойчивости отдельной моды осцилляций поверхности капли в рассматриваемых неоднородных электростатических полях. Найдены аналитические кривые для критических условий реализации неустойчивости капли, показывающая предельные по величине комбинации зарядового $W=Q^2/4\pi$ и полевого $w=E_0^2/16\pi$ параметров.

Проведённый сравнительный анализ устойчивости основной моды осцилляций капли в полях различной неоднородности показал заметное снижение критических условий слабо заряженной капли с увеличением неоднородности поля. Проанализирована целесообразность использования неоднородных полей для генерации закритических для распада поверхности капли условий. Получено, что условия распада сильно заряженных (по величине собственного заряда близких к предельному по Рэлею) капель слабо зависят от неоднородности внешнего электрического поля, и определяются в основном его величиной.